

**Задания отборочного (заочного) тура
олимпиады «Будущие исследователи – будущее науки»
по математике**

10 класс

2016-2017 уч.г.

Решения и ответы необходимо набрать в редакторе **Word,
затем распечатать, **подписать каждую страницу**,
после чего отсканировать в формате **PDF**
и прислать полученный **PDF-файл вместе с заявкой и тезисами**
исследовательской работы
по электронной почте **kh.read@expd.vniief.ru** до **21 ноября 2016 года****

1. Назовём натуральное число “хорошим”, если квадрат этого числа оканчивается на 2016. Найдите наименьшее “хорошее” натуральное число.
2. Решите уравнение $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 2(x + 2y + 3z - 3)$.
3. Найдите все арифметические прогрессии, удовлетворяющие следующему условию: отношение суммы первых n членов прогрессии к сумме последующих kn её членов есть число, не зависящее от n .
4. В научной статье опубликовали факт о А.Д. Сахарове. Оказалось, что $C \cdot A \cdot X \cdot A \cdot P \cdot O \cdot B = 2016$ (одинаковые буквы обозначают одинаковые цифры, а разные буквы – разные). Найдите наибольшее возможное значение числа \overline{CAPOB} .
5. Решите уравнение $\frac{1}{x} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} = \frac{35}{12}$.
6. У Вовочки есть наручные часы с минутной и часовой стрелками. В 9 часов утра паук на минутную стрелку залез паук и отправился путешествовать по ней. Когда стрелки часов встречались, паук переползал с одной стрелки на другую. Сколько оборотов сделает паук к 9 часам вечера?
7. Решите уравнение $\arctg(x-1) = 3 \arctg(x+1)$.
8. В прямоугольный треугольник KLM с прямым углом при вершине L вписана окружность с центром O . Прямые LO и KM пересекаются в точке T . Найдите острые углы треугольника KLM , если известно, что $LO:OT = \sqrt{3}:\sqrt{2}$.
1. Найдите высоту пирамиды, при которой объём пирамиды наименьший.