

**Задания отборочного (заочного) тура
олимпиады «Будущие исследователи – будущее науки»
по математике**

9 класс

2016-2017 уч.г.

Решения и ответы необходимо набрать в редакторе **Word,
затем распечатать, **подписать каждую страницу**,
после чего отсканировать в формате **PDF**
и прислать полученный **PDF-файл вместе с заявкой и тезисами**
исследовательской работы
по электронной почте **kh.read@expd.vniief.ru** до **21 ноября 2016 года****

1. Назовём натуральное число “хорошим”, если квадрат этого числа оканчивается на 2016. Найдите наименьшее “хорошее” натуральное число.
2. Решите уравнение $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 2(x + 2y + 3z - 3)$.
3. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} x = y^3 - 3y, \\ y = x^3 - 3x. \end{cases}$$
4. В научной статье опубликовали факт о А.Д. Сахарове. Оказалось, что $C \cdot A \cdot X \cdot A \cdot P \cdot O \cdot B = 2016$ (одинаковые буквы обозначают одинаковые цифры, а разные буквы – разные). Найдите наибольшее возможное значение числа \overline{CAPOB} .
5. а) Окружность проходит через вершины A и D трапеции $ABCD$, а также через середины боковых сторон AB и CD . Верно ли, что трапеция равнобедренная? Ответ обоснуйте.
б) Пусть дополнительно известно, что центр окружности лежит на основании AD . Найдите углы трапеции.
6. У Вовочки есть наручные часы с минутной и часовой стрелками. В 9 часов утра паук на минутную стрелку залез паук и отправился путешествовать по ней. Когда стрелки часов встречались, паук переползал с одной стрелки на другую. Сколько оборотов сделает паук к 9 часам вечера?
7. Автобаза выделила детей для перевозки в два оздоровительных лагеря. Часть этих автобусов перевезла детей в один оздоровительный лагерь, а другая часть, в которой было на 4 автобуса больше, – во второй. В первом оздоровительном лагере было 195 детей, а во втором – 255. Известно, что для любых двух автобусов, везших детей в один и тот же лагерь, количество перевезённых детей отличалось не более, чем на 1. Наибольшая разница в количестве перевезённых детей в двух автобусах для разных лагерей равна 5. Найдите количество автобусов.
1. Найдите высоту пирамиды, при которой объём пирамиды наименьший.